

Analisis Sensitivitas

Terdiri dari 2 macam :

1. Analisis Sensitivitas, bila terjadi perubahan parameter secara diskrit.
2. Program Linear Parametrik, bila terjadi perubahan parameter secara kontinu.

Macam-macam perubahan pasca optimum:

1. Perubahan suku tetap, b_i
2. Perubahan koefisien ongkos, c_j
3. Perubahan koefisien teknis, a_{ij}
4. Penambahan kendala baru
5. Penambahan perubahan baru.

Akibat-akibat perubahan parameter:

- (i) PO tetap, variabel basis dan nilainya tetap
- (ii) Variabel basis tetap, namun nilainya berubah
- (iii) Variabel basis berubah

A. Perubahan suku tetap, b_i .

Masalah PL:

Memaksimumkan $f(x_j) = \sum_{j=1}^n c_j x_j$

Terhadap kendala $\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j (\leq, =, \geq) b_i, i = 1, 2, \dots, m.$

PO masalah tersebut telah diperoleh, yaitu f_{\max} pada plb $\bar{x} = (x_1, x_2, \dots, x_m) = D^{-1}B.$

Perubahan b_i :

- Nilai variabel basis dan PO terpengaruh
- Membuat soal tetap layak, maka PO soal asli menjadikan plb soal baru juga tetap PO.

Dkl. Plb baru: $\bar{x}^* = (x_1^*, x_2^*, \dots, x_m^*)$ harus memenuhi $\bar{x}^* = D^{-1}(\bar{b} + \Delta\bar{b}) \geq \bar{0}$

Plb soal asli: $\bar{x} = (x_1, x_2, \dots, x_m)$ sehingga $\bar{x}^* = D^{-1}\bar{b} + D^{-1}\Delta\bar{b} = \bar{x} + D^{-1}\Delta\bar{b} \geq \bar{0}.$

$$\begin{aligned} x_i^* &= x_i + \sum_{j=1}^m d_{ij} \Delta b_j \geq 0, i = 1, 2, \dots, m \\ &= x_i + d_{i1} \Delta b_1 + d_{i2} \Delta b_2 + \dots + d_{im} \Delta b_m \geq 0 \\ x_1^* &= x_1 + d_{11} \Delta b_1 + d_{12} \Delta b_2 + \dots + d_{1m} \Delta b_m \geq 0 \\ x_2^* &= x_2 + d_{21} \Delta b_1 + d_{22} \Delta b_2 + \dots + d_{2m} \Delta b_m \geq 0 \\ &\vdots \\ x_m^* &= x_m + d_{m1} \Delta b_1 + d_{m2} \Delta b_2 + \dots + d_{mm} \Delta b_m \geq 0 \end{aligned}$$

$$\bar{x}^* = \bar{x} + D^{-1} \Delta \bar{b}$$

$$\bar{x}^* - \bar{x} = D^{-1} \Delta \bar{b}$$

$$\Delta \bar{x} = D^{-1} \Delta \bar{b}, \Delta \bar{x} = \bar{x}^* - \bar{x}$$

Atau

$$\Delta x_i = \sum_{j=1}^m d_{ij} \Delta b_j, i = 1, 2, \dots, m$$

$$\Delta f = \bar{c} \Delta \bar{x} = \bar{c} D^{-1} \Delta \bar{b}.$$

Jika Δb_i mengakibatkan $x_i^* = x_i + \Delta x_i < 0$, untuk suatu $i = 1, 2, \dots, m$, maka perubahan diselesaikan melalui tablo optimum soal asli sebagai berikut:

- (a) b_i tablo optimum diganti dengan $b_i^* = b_i + \Delta b_i, i = 1, 2, \dots, m$. Syarat $b_i^* \geq 0$ berlaku.
- (b) Pada keadaan $b_i^* < 0$, b_i^* dipositifkan dan kendala ditambahkan variabel artifisial.
- (c) Selesaikan tabel baru tersebut dengan metode simpleks atau metode simpleks 2 tahap.

Contoh 1. Memaksimumkan $f(x_1, x_2, x_3) = 50x_1 + 45x_2 + 30x_3$

Terhadap kendala $2x_1 + 3x_2 + x_3 \leq 1200$

$$x_1 + 4x_2 + 3x_3 \leq 800$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0.$$

Setelah PO diperoleh, tambahkan $\Delta b_1 = 300$ dan $\Delta b_2 = 200$ kepada suku tetap dan selidiki pengaruhnya terhadap PO soal asli tadi.

Penyelesaian:

Dengan menambahkan variabel slack $y_1, y_2 \geq 0$, kendala menjadi

$$2x_1 + 3x_2 + x_3 + y_1 = 1200$$

$$x_1 + 4x_2 + 3x_3 + y_2 = 800$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0, y_1, y_2 \geq 0.$$

Fungsi tujuan menjadi

$$\text{Memaksimumkan } f = 50x_1 + 45x_2 + 30x_3 + 0y_1 + 0y_2.$$

Sehingga masalah sudah dalam bentuk kanonik.

Tabel Simpleksnya,

	c_j	50	45	30	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i \quad x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2		
0	y_1	2	3	1	1	0	1200	600
0	y_2	1	4	3	0	1	800	800
	z_j	0	0	0	0	0	0	
	$z_j - c_j$	-50	-45	-30	0	0	0	

Tabel kedua

	c_j	50	45	30	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i \quad x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2		
50	x_1	1	3/2	1/2	1/2	0	600	1200
0	y_2	0	5/2	5/2	-1/2	1	200	80
	z_j	50	75	25	25	0	30000	
	$z_j - c_j$	0	30	-5	25	0	0	

Tabel Ketiga

	c_j	50	45	30	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i \quad x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2		
50	x_1	1	3	0	3/5	1/5	560	
30	x_3	0	1	1	-1/5	2/5	80	
	z_j	50	180	30	24	22	30400	
	$z_j - c_j$	0	135	0	24	22	30400	

Tabel sudah optimal. Plb $(x_1, x_2, x_3) = (560, 0, 80)$, yang memaksimumkan $f = 30400$.

Untuk PO tersebut,

$$\bar{x}^* = \begin{bmatrix} x_1^* \\ x_2^* \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 560 \\ 80 \end{bmatrix}, \quad \bar{c}^* = (50, 30), \quad \bar{D}^* = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \text{ dengan } (\bar{D}^*)^{-1} = \begin{bmatrix} 3/5 & -1/5 \\ -1/5 & 2/5 \end{bmatrix}.$$

Penyelesaian soal berubah:

Sekarang ditambahkan $\Delta b_1 = 300$ dan $\Delta b_2 = 200$, maka diperoleh

$$\bar{x}_1^* = x_1^* + \sum_{j=1}^2 d_{1j} \Delta b_j = x_1^* + d_{11} \Delta b_1 + d_{12} \Delta b_2 = 560 + \frac{3}{5} \cdot 300 + \left(-\frac{1}{5}\right) \cdot 200 = 700.$$

$$\bar{x}_2^* = x_2^* + \sum_{j=1}^2 d_{2j} \Delta b_j = x_2^* + d_{21} \Delta b_1 + d_{22} \Delta b_2 = 80 + \left(-\frac{1}{5}\right) \cdot 300 + \frac{2}{5} \cdot 200 = 100.$$

Ternyata \bar{x}_1^* dan \bar{x}_2^* keduanya positif, maka perubah basis optimum soal asli masih menjadi perubah basis optimum soal baru. Nilai-nilai perubah basis baru akan menjadi $\bar{x}_1^* = 700$ dan $\bar{x}_2^* = 100$, berarti PO soal baru menjadi $(\bar{x}_1^*, \bar{x}_2^*, \bar{x}_3^*) = (700, 0, 100)$, dengan

$$\begin{aligned} f^*_{\max} &= f_{\max} + \Delta f \\ &= f_{\max} + \bar{c}^* (\bar{D}^*)^{-1} \Delta B \\ &= 30400 + (50, 30) \begin{bmatrix} 3/5 & -1/5 \\ -1/5 & 2/5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 300 \\ 200 \end{bmatrix} \\ &= 30400 + (50, 30) \begin{bmatrix} 140 \\ 20 \end{bmatrix} \\ &= 38000. \end{aligned}$$

Sekarang bila $b_1 = 1180$ dan $b_2 = 120$. Selidiki pengaruhnya terhadap PO soal asli.

Penyelesaian:

Dalam soal baru ini $\Delta b_1 = -20$ dan $\Delta b_2 = -680$, maka diperoleh

$$\bar{x}_1^* = x_1^* + \sum_{j=1}^2 d_{1j} \Delta b_j = x_1^* + d_{11} \Delta b_1 + d_{12} \Delta b_2 = 560 + \frac{3}{5} \cdot (-20) + \left(-\frac{1}{5}\right) \cdot (-680) = 124.$$

$$\bar{x}_2^* = x_2^* + \sum_{j=1}^2 d_{2j} \Delta b_j = x_2^* + d_{21} \Delta b_1 + d_{22} \Delta b_2 = 80 + \left(-\frac{1}{5}\right) \cdot (-20) + \frac{2}{5} \cdot (-680) = -268.$$

Ternyata $\bar{x}_2^* < 0$, maka perubah basis optimum soal asli tidak menjadi basis optimum soal baru. Untuk menyelesaikan soal baru b_1 dan b_2 diganti dengan 124 dan -268, kemudian baris kedua dikalikan -1 dan dengan menyisipkan variabel artifisial $q_1 \geq 0$ pada kendala kedua tadi disusun tablo simpleks baru.

Tabel Simpleks Tahap I

	c_j	0	0	0	0	0	1		
c_i	x_i - x_j	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2	q_1	b_i	R_i
0	x_1	1	3	0	3/5	1/5	0	124	124/3
1	q_1	0	-1	-1	1/5	-2/5	1	268	
	z_j	0	-1	-1	1/5	-2/5	1	268	
	$z_j - c_j$	0	-1	-1	1/5	-2/5	0	268	

Tabel Kedua

	c_j	0	0	0	0	0	1		
c_i	x_i - x_j	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2	q_1	b_i	R_i
0	x_2	1/3	1	0	5	1/15	0	124/3	124/3
1	q_1	1/3	0	-1	26/5	-1/3	1	1072/3	
	z_j	1/3	0	-1	26/5	-1/3	1	1072/3	
	$z_j - c_j$	1/3	0	-1	26/5	-1/3	0	1072/3	

Tabel tidak dapat diteruskan. Soal menjadi tidak layak.

B. Perubahan Pada Koefisien Teknis a_{ij}

Akan diselidiki pengaruh perubahan a_{ij} menjadi $a_{ij} + \Delta a_{ij}$ terhadap PO soal asli.

1. Jika perubahan dilakukan pada semua a_{ij} pada kolom bukan basis dalam PO soal asli.

Pengaruh perubahan ini dapat dilihat pada nilai $z_j^* - c_j^*$. Misalkan $a_{ik} + \Delta a_{ik}$, $i = 1, 2, \dots, m$, dengan x_k bukan variabel basis pada PO. Dihitung $z_k^* - c_k^*$ yang baru:

(i) Jika $z_k^* - c_k^* > 0$, maka PO lama menjadi PO baru dengan $z_k^* - c_k^* = \bar{c}^* (\bar{D}^*)^{-1} \bar{A}_k^* - c_k^*$.

- (ii) Jika $z_k^* - c_k^* < 0$, maka terhadap tabel optimum dilakukan operasi sebagai berikut. Dengan mengganti \bar{A}_k dengan \bar{A}_k^*
- 1) Gantikan \bar{y}_k dengan $\bar{y}_k^* = (\bar{D}^*)^{-1} \bar{A}_k^*$
 - 2) Gantikan $z_k - c_k$ dengan $z_k^* - c_k^* = \bar{c}^* (\bar{D}^*)^{-1} \bar{A}_k^* - c_k$
- Proses dilanjutkan sampai diperoleh PO yang baru.
2. Jika perubahan terjadi pada x_k variabel basis pada PO.

Pada kasus kedua ini, jika perubahan terjadi pada a_{i_0} menjadi $a_{i_0} + \Delta a_{i_0}$, maka

- 1) Tambahkan variabel baru x_{n+1} pada masalah optimum dengan koefisien teknis $a_{i(n+1)} = a_{i_0} + \Delta a_{i_0}$ dan koefisien ongkos $c_{n+1} = c_{j_0}$ (milik x_{j_0} dengan $x_{j_0} = x_j$).
- 2) Koefisien $y_{i(n+1)}$ ditransformasikan ke $y_{i(n+1)}^*$ dengan rumus $y_{i(n+1)}^* = D^{-1} A_{n+1}$, $i = 1, 2, \dots, m$.
- 3) Agar x_{j_0} tidak lagi berada pada basis optimum, maka gantikan koefisien ongkos c_{j_0} (milik x_{j_0}) dengan bilangan positif besar M (tetapi koefisien x_{n+1} tetap c_{j_0}).
- 4) Hitung koefisien kontrol terubah $z_j^* - c_j^* = (z_j - c_j) - \Delta c_j + \sum_{k=1}^m \Delta c_k \left(\sum_{i=1}^m y_{ij} \beta_{ki} \right)$,
 $j = m+1, \dots, n, n+1$ dengan $\Delta c_k = 0$, $k = 1, 2, \dots, j_0 - 1, j_0 + 1, \dots, n$ dan $\Delta c_{j_0} = M - c_{j_0}$.
- 5) Lanjutkan algoritma simpleks untuk memperoleh po yang baru.

Contoh 2. Dari Contoh 1 diadakan perubahan terhadap soal aslinya dengan mengganti $A_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ menjadi

$A_2^* = \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix}$. Tentukan pengaruhnya terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

Ternyata x_2 bukan basis dalam po soal asli, maka perubahan pada A_2 merupakan kejadian pertama, sehingga diperoleh

$$\begin{aligned} z_2^* - c_2^* &= \bar{C} D^{-1} A_2^* - c_2 \\ &= (50 \ 30) \begin{bmatrix} 3/5 & -1/5 \\ -1/5 & 2/5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix} - 45 \\ &= (50 \ 30) \begin{bmatrix} 14/5 \\ -3/5 \end{bmatrix} - 45 \\ &= 140 - 18 - 45 \\ &= 77. \end{aligned}$$

Karena $z_2^* - c_2^* = 77 > 0$, maka po lama menjadi po soal baru.

Contoh 3. Dari Contoh 1 $A_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ diubah menjadi $A_2^* = \begin{bmatrix} 1 \\ 7 \end{bmatrix}$. Tentukan pengaruhnya terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

Dihitung koefisien kontrol baru, sehingga diperoleh

$$\begin{aligned} z_2^* - c_2^* &= \bar{C} D^{-1} A_2^* - c_2 \\ &= (50 \ 30) \begin{bmatrix} 3/5 & -1/5 \\ -1/5 & 2/5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 7 \end{bmatrix} - 45 \\ &= (50 \ 30) \begin{bmatrix} -4/5 \\ 13/5 \end{bmatrix} - 45 \\ &= -40 + 78 - 45 \\ &= -7. \end{aligned}$$

Karena $z_2^* - c_2^* = -7 < 0$, maka x_2 dapat masuk menjadi basis.

$$D^{-1}A_2^* = \begin{bmatrix} 3/5 & -1/5 \\ -1/5 & 2/5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -4/5 \\ 13/5 \end{bmatrix}.$$

Dengan mengganti Y_2 dengan $D^{-1}A_2^*$ dan $z_2 - c_2$ dengan $z^* - c^*$ tabel optimum soal asli berubah menjadi tabel berikut:

	c_j	50	45	30	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i - x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2		
50	x_1	1	-4/5	0	3/5	1/5	560	
30	x_3	0	13/5	1	-1/5	2/5	80	400/13
	z_j	50	38	30	24	22	30400	
	$z_j - c_j$	0	-7	0	24	22		

	c_j	50	45	30	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i - x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2		
50	x_1	1	0	4/13	7/13	21/65	7600/13	
45	x_2	0	1	5/13	-1/13	2/13	400/13	
	z_j	50	45	425/13	305/13	300/13	59000/13	
	$z_j - c_j$	0	0	35/13	305/13	300/13		

Tabel sudah optimum.

C. Perubahan Pada Koefisien Ongkos, c_j

Misalkan c_j diubah menjadi $c_j^* = c_j + \Delta c_j$, atau C diubah menjadi $C^* = C + \Delta C$ dan $\bar{C}^* = \bar{C} + \Delta \bar{C}$ adalah vektor ongkos baru untuk variabel basis tabel optimum soal asli.

Dalam tabel optimum soal asli, koefisien kontrol $z_j - c_j = \bar{C} Y_j - c_j$. Sesudah diubah akan menjadi

$$\begin{aligned} z_j^* - c_j^* &= \bar{C}^* Y_j - c_j^* \\ &= (\bar{C} + \Delta \bar{C}) Y_j - c_j - \Delta c_j \\ &= \bar{C} Y_j + \Delta \bar{C} Y_j - c_j - \Delta c_j \end{aligned}$$

$$z_j^* - c_j^* = z_j - c_j + \Delta \bar{C} Y_j - \Delta c_j \quad (1)$$

PO soal asli akan tetap menjadi PO soal terubah bila dipenuhi $z_j^* - c_j^* \geq 0$ atau $z_j - c_j + \Delta \bar{C} Y_j - \Delta c_j \geq 0$ untuk x_j bukan basis. (2)

Khususnya, bila perubahan hanya terjadi pada c_j dengan x_j bukan basis dalam tabel optimum, maka $\Delta \bar{C} = 0$ dan $z_j - c_j - \Delta c_j \geq 0$ untuk x_j bukan basis.

Jika (2) dipenuhi maka variabel basis yang menyusun po tidak berubah demikian pula nilainya. Yang berubah adalah nilai program, yang semula $f = \bar{C} \bar{X}$ menjadi $f^* = \bar{C}^* \bar{X} = (\bar{C} + \Delta \bar{C}) \bar{X}$, jadi ada tambahan $\Delta f = \Delta \bar{C} \bar{X}$.

Bila (2) tidak dipenuhi oleh beberapa variabel bukan basis, maka proses simpleks dilanjutkan dengan mengangkat tabel optimum soal asli yang sudah terubah sebagai tabel awal dan variabel-variabel yang tidak memenuhi (2) sebagai calon basis baru sampai po baru tercapai.

Contoh 4. Dari Contoh 1 bila $c_2 = 45$ diubah menjadi $c_2^* = 65$. Bagaimana pengaruh perubahan tersebut terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

x_2 pada tabel optimum bukan variabel basis. $z_2 - c_2 - \Delta c_2 = 135 - 20 = 115 \geq 0$. Berarti po soal asli masih menjadi po soal terubah. Karena c_1 dan c_3 tidak berubah, maka $\Delta \bar{C} = 0$ berarti $f_{\max}^* = f_{\max}$. Jadi nilai po juga tidak berubah.

Contoh 5. Dari Contoh 1 bila $c_2 = 45$ diubah menjadi $c_2^* = -25$. Bagaimana pengaruh perubahan tersebut terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

x_2 pada tabel optimum bukan variabel basis. $z_2 - c_2 - \Delta c_2 = 135 - (-70) = 205 \geq 0$. Berarti po soal asli masih menjadi po soal terubah. Karena c_1 dan c_3 tidak berubah, maka $\Delta \bar{C} = \bar{0}$ berarti $f_{\max}^* = f_{\max}$. Jadi nilai po juga tidak berubah.

Contoh 6. Dari Contoh 1 bila $c_1 = 50$ diubah menjadi $c_1^* = 70$ dan $c_2 = 45$ diubah menjadi $c_2^* = 75$. Bagaimana pengaruh perubahan tersebut terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

$\Delta c_1 = 20$ (x_1 pada tabel optimum variabel basis)

$\Delta c_2 = 30$ (x_2 pada tabel optimum bukan variabel basis)

$\Delta c_3 = 0$ (x_3 pada tabel optimum variabel basis)

Pada tabel optimum terjadi perubahan $\Delta \bar{C} = (\Delta c_1 \quad \Delta c_3) = (20 \quad 0)$.

Dihitung $z_j^* - c_j^*$ untuk x_j bukan basis. Dalam hal ini adalah x_2 .

$$z_2^* - c_2^* = z_2 - c_2 + \Delta \bar{C} Y_2 - \Delta c_2 = 135 + (20 \quad 0) \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix} - 30 = 135 + 60 - 30 = 165 \geq 0.$$

Dengan cara sama diperoleh $z_4^* - c_4^* = 36 \geq 0$ untuk variabel y_1 dan $z_5^* - c_5^* = 26 \geq 0$ untuk variabel y_2 . Berarti po soal asli masih menjadi po soal terubah. Karena c_1 berubah dan c_3 tidak berubah, maka

$$\Delta f = \Delta \bar{C} \bar{X} = (20 \quad 0) \begin{pmatrix} 560 \\ 80 \end{pmatrix} = 11200. \text{ Dan nilai } f_{\max}^* = f_{\max} + \Delta f = 30400 + 11200 = 41600.$$

Contoh 7. Dari Contoh 1 $c_3 = 30$ diubah menjadi $c_3^* = -115$. Bagaimana pengaruh perubahan tersebut terhadap po soal asli.

Penyelesaian:

$\Delta c_3 = -145$ jadi $\Delta \bar{C} = (\Delta c_1 \quad \Delta c_3) = (0 \quad -145)$.

Dihitung $z_j^* - c_j^*$ untuk x_j bukan basis. Dalam hal ini adalah x_2 .

$$z_2^* - c_2^* = z_2 - c_2 + \Delta \bar{C} Y_2 - \Delta c_2 = 135 + (0 \quad -145) \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix} - 0 = 135 - 145 - 0 = -10 < 0.$$

Dengan cara sama diperoleh $z_4^* - c_4^* = 53 \geq 0$ untuk variabel y_1 dan $z_5^* - c_5^* = -36 < 0$ untuk variabel y_2 .

$$\Delta f = \Delta \bar{C} \bar{X} = (0 \quad -145) \begin{pmatrix} 560 \\ 80 \end{pmatrix} = 11600. \text{ Dan nilai } f_{\max}^* = f_{\max} + \Delta f = 30400 + 11600 = 42000.$$

Karena $z_2^* - c_2^* = -10 < 0$ dan $z_5^* - c_5^* = -36 < 0$, maka tabel optimum soal asli belum optimum bagi soal terubah, sehingga perhitungan simpleks dilanjutkan, dengan memasukkan y_2 sebagai calon variabel basis baru.

		c_j	50	45	-115	0	0	b_i	R_i
c_i	$x_i \quad x_j$	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2			
50	x_1	1	3	0	3/5	1/5	560		
-115	x_3	0	1	1	-1/5	2/5	80	400/13	
	z_j	50	35	-115	29	-220	5554		
	$z_j - c_j$	0	-10	0	29	-220			

Berarti po soal asli masih menjadi po soal terubah. Karena c_1 berubah dan c_3 tidak berubah, maka

$$\Delta f = \Delta \bar{C} \bar{X} = (20 \quad 0) \begin{pmatrix} 560 \\ 80 \end{pmatrix} = 11200. \text{ Dan nilai } f_{\max}^* = f_{\max} + \Delta f = 30400 + 11200 = 41600.$$