

DIFERENSIAL



y	dy/dx
C	0
X	1
X^n	nx^{n-1}
$\sin x$	$\cos x$
$\cos x$	$-\sin x$
$\tan x$	$\sec^2 x$
e^x	e^x
$\ln x$	$1/x$
a^x	$a^x \ln a$



Diferensiasi polinomial

- Misal:

$$y = x^4 + 5x^3 - 4x^2 + 7x - 2$$

Maka $dy/dx = 4x^3 + 15x^2 - 8x + 7$

Diferensiasi dari hasil kali fungsi

- Dengan kata lain: untuk **mendiferensiasikan suatu hasil kali dari dua fungsi** → masukkan fungsi yang pertama (diferensiasikan yang kedua) + masukkan yang kedua (diferensiasikan yang pertama)
- Contoh:

$$y = x^3 \cdot \sin x$$

$$\text{fungsi 1} = x^3$$

$$\text{fungsi 2} = \sin x$$

$$\begin{aligned}\frac{dy}{dx} &= x^3 (\cos x) + \sin x (3x^2) \\ &= x^3 \cos x + 3x^2 \sin x \\ &= x^2 (x \cos x + 3 \sin x)\end{aligned}$$



Diferensiasi hasil bagi dua fungsi

- Untuk mendiferensiasikan hasil bagi dari dua fungsi → [masukkan fungsi bawah (diferensiasikan fungsi atas) – masukkan fungsi atas (diferensiasikan fungsi bawah)] semuanya dibagi kuadrat fungsi bawahnya.
- Contoh:

$$y = \sin x / x^2$$

$$\text{maka } dy/dx = ?$$



$$Y = \sin x / x^2$$

$$\begin{aligned}Dy/dx &= [x^2 (\cos x) - \sin x (2x)]/(x^2)^2 \\&= [x^2 \cos x - 2x \sin x]/x^4 \\&= [x \cos x - 2 \sin x]/x^3\end{aligned}$$

Pendiferensian suatu fungsi dari fungsi

- Contoh:

$$y = \sin (2x - 3)$$

Jawab:

Membuat $y = \sin (2x - 3) \rightarrow y = \sin u$

Misal: $u = 2x - 3 \rightarrow du/dx = 2$

$y = \sin u \rightarrow dy/du = \cos u$

$Dy/dx = dy/du \cdot Du/dx$

$$= \cos u \cdot 2$$

$$= 2 \cos u = 2 \cos (2x - 3)$$